

# 2 *ARRAY (LARIK) DAN RECORD*

---

Salah satu struktur data yang teramat penting adalah *array* atau larik. *Array* merupakan bagian dasar, yang disebut blok, guna keperluan pembentukan suatu struktur data lain yang lebih kompleks. Hampir setiap jenis struktur data kompleks dapat disajikan secara logik oleh *array*.

Kita dapat mendefinisikan *array* sebagai suatu himpunan hingga elemen, terurut dan homogen. Terurut, kita artikan bahwa elemen tersebut dapat diidentifikasi sebagai elemen pertama, elemen kedua, dan seterusnya sampai elemen ke-*n*. Sedangkan pengertian elemen yang homogen adalah bahwa setiap elemen dari sebuah *array* tertentu haruslah mempunyai tipe data yang sama.

Jadi suatu *array* dapat mempunyai elemen semuanya berupa *integer* atau dapat pula seluruhnya berupa untaian aksara atau *string*. Bahkan dapat pula terjadi bahwa suatu *array* mempunyai elemen berupa *array* pula.

Sebenarnya, pengertian *array* telah banyak kita kenal, dan kita pelajari dalam matematika. Di sana, *array* lebih terkenal sebagai matriks. Kadang-kadang ia disebut juga sebagai tabel. Juga pernah kita dengar tentang vektor. Vektor adalah bentuk yang paling sederhana dari *array*. Vektor merupakan *array* dimensi satu atau *one dimensional array*.

## 2.1 ARRAY DIMENSI SATU

Sebuah *array* dimensi satu, yang misalnya kita beri nama NILAI, dapat kita bayangkan berbentuk seperti Gambar 2.1.

Nilai(1)	Nilai(2)	Nilai(3)	- - -	Nilai(n)
----------	----------	----------	-------	----------

**Gambar 2.1.** *Array berdimensi satu*

*Subscript* atau indeks dari elemen *array* menyatakan posisi, elemen pada urutan dalam *array* tersebut. Notasi yang digunakan bagi elemen *array*, biasanya adalah nama *array* dilengkapi dengan *subscript*.

Secara umum, suatu *array* dimensi satu A dengan tipe data T dan *subscript* bergerak dari L sampai dengan U, ditulis sebagai  $A(L:U) = (A(I))$ ,  $I = L, L+1, L+2, \dots, U$ , dan setiap elemen  $A(I)$  bertipe data T.

Sebagai contoh, kita dapat menuliskan data hasil pencatatan suhu suatu ruangan setiap satu jam selama periode 24 jam, dalam sebuah *array* dimensi satu.

Harga minimum dari *subscript* dari *array* disebut batas bawah atau *lower bound*, sedangkan harga maksimumnya disebut batas atas atau *upper bound*. Jadi pada *array* di atas, L merupakan batas bawah, dan U batas atas. Sedangkan untuk *array* "suhu" yang elemennya dapat kita tulis sebagai SUHU(I), batas bawahnya adalah 1 dan batas atasnya 24. SUHU(I) menyatakan suhu pada jam ke-I, dan I memenuhi  $1 \leq I \leq 24$ , I merupakan *integer*.

Batas bawah dari *array*, pada beberapa aplikasi, tidak selalu diambil 1. Kadangkadangkang diambil batas bawah nol, bahkan juga negatif. Banyaknya elemen sebuah *array* disebut rentang atau *range*. Jadi *array*  $A(L:U)$  mempunyai *range* sebesar  $U-L+1$ . Secara khusus bila  $L=1$  dan  $U=N$ , maka *range* dari *array*  $A(1:N)$  adalah  $N-1+1 = N$ .

## 2.2 ARRAY DIMENSI BANYAK

Sebuah *array* dimensi banyak atau *multi-dimensional array* didefinisikan sebagai sebuah *array* yang elemennya berupa *array* pula. Misal *array* B mempunyai M elemen berupa *array* pula, yang terdiri dari N elemen. Kalau hal tersebut kita gambarkan, akan terbentuk baris dan kolom seperti terlihat pada Gambar 2.2.

	1	2							N
1									
2									
M									

**Gambar 2.2.** *Array berdimensi dua*

Untuk itu diperlukan dua buah *subscript*. Yang pertama digunakan untuk menyatakan posisi baris, sedangkan yang kedua untuk posisi kolom. Secara umum *array* dimensi dua B, dengan elemen bertipe data T, *subscript* baris dari 1 sampai M, *subscript* kolom dari 1 sampai N, ditulis sebagai  $B(1:M, 1:N) = (B(I,J))$ ,  $I = 1, 2, \dots, M$  dan  $J = 1, 2, \dots, N$  dengan setiap elemen  $B(I,J)$  bertipe data T. *Array* B tersebut dikatakan berukuran atau berorder M x N. Di sini banyak elemen *array* adalah  $M \times N$ .

Contoh dari *array* dimensi dua sangat banyak kita jumpai. Misalnya nilai ujian 500 mahasiswa Gunadarma tingkat 3, untuk 8 mata kuliah dapat kita sajikan sebagai *array* dimensi dua yang berorder 500 x 8. Elemen  $B(I,J)$  menyatakan nilai mahasiswa ke-I untuk mata kuliah ke-J.

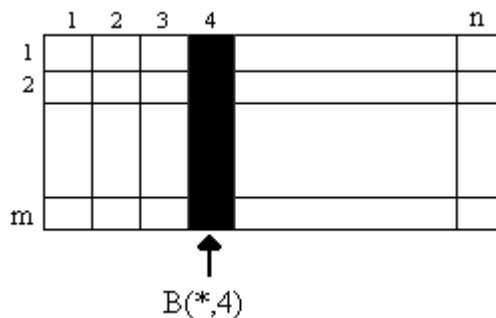
Seperti halnya pada *array* dimensi satu, pada *array* dimensi dua batas bawah untuk *subscript* I maupun J dapat diambil secara umum. Misalnya, batas bawah *subscript* baris adalah  $L_1$  *subscript* kolom adalah  $L_2$  sedangkan batas atas *subscript* baris adalah  $U_1$  dan untuk kolom adalah  $U_2$ , maka *array* dimensi dua tersebut dapat dinotasikan sebagai :

$$B(L_1:U_1, L_2:U_2) = (B(I,J)), L_1 \leq I \leq U_1, L_2 \leq J \leq U_2$$

dengan setiap elemen  $B(I,J)$  bertipe data T. Banyaknya elemen pada setiap baris adalah  $U_2 - L_2 + 1$  dan pada setiap kolom adalah  $U_1 - L_1 + 1$ , sehingga banyaknya elemen pada *array* B semua ada  $= (U_2 - L_2 + 1) * (U_1 - L_1 + 1)$ .

Yang dimaksud dengan *cross-section* suatu *array* berdimensi dua adalah pengambilan salah satu *subscript*, misalnya *subscript* baris untuk tetap atau konstan, sementara *subscript* yang satunya lagi kita ubah-ubah sepanjang *rangennya*. Notasi yang umum digunakan adalah notasi \* (*asterisk*) bagi *subscript* yang berubah-ubah nilainya tersebut.

Contohnya, penulisan  $B(*,4)$  menyatakan semua elemen pada kolom ke-4, yakni  $(B(1,4), B(2,4), B(3,4) \dots, B(M,4))$ , seperti terlihat pada Gambar 2.3



**Gambar 2.3.** *Cross section array*

Dengan mudah dapat dimengerti bahwa  $B(11,*)$  menunjukkan semua elemen pada baris ke-11.

Transpose dari suatu *array* dimensi dua adalah penulisan baris menjadi kolom (kolom menjadi baris) dari suatu *array*. Jadi *transpose* dari *array* berorder  $M \times N$  adalah *array* berorder  $N \times M$ . *Transpose* dari *array*  $B$  dinotasikan sebagai  $B^T$ . Berdasarkan definisi, maka jelas  $B(I,J) = B^T(J,I)$ . Contohnya  $B(3,5) = B^T(5,3)$ .

Pengertian di atas dapat kita perluas untuk *array* dimensi tiga, dimensi empat, sampai dimensi  $N$ . *Array* dimensi  $N$  kita tulis sebagai :

$$A(L_1:U_1, L_2:U_2, \dots, L_N: U_N) = (A(I_1, I_2, \dots, I_N))$$

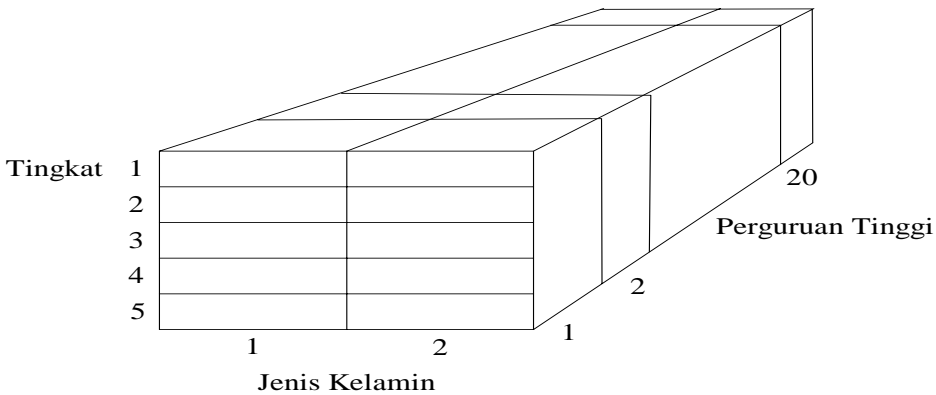
dengan  $L_k \leq I_k \leq U_k$ , untuk setiap  $k = 1, 2, \dots, N$ .

Banyaknya elemen dari *array*  $A$  tersebut adalah :

$$PI(U_k - L_k + 1) = (U_1 - L_1 + 1) * (U_2 - L_2 + 1) \dots * (U_N - L_N + 1)$$

Contoh *array* dimensi tiga adalah penyajian data mengenai banyaknya mahasiswa dari-20 perguruan tinggi di Jakarta, berdasarkan tingkat (tingkat 1, 2 sampai dengan 5), dan jenis kelamin (pria atau wanita). Misalnya *array* tersebut dinamakan MHS. Ambil sebagai *subscript* pertama, tingkat :  $I = 1, 2, \dots, 5$ ; *subscript* kedua, jenis kelamin (pria = 1, wanita = 2):  $J = 1, 2$ , dan *subscript* ke-3, Perguruan Tinggi adalah  $K = 1, 2, \dots, 20$ . Jadi  $MHS(4,2,17)$  menyatakan jumlah mahasiswa tingkat 4, wanita, dari perguruan tinggi ke 17.

*Array* dimensi tiga dapat kita bayangkan seperti Gambar 2.4.



**Gambar 2.4.** *Array* berdimensi tiga

Pengertian *cross-section* pada *array* dimensi banyak, adalah sama seperti pada *array* dimensi dua. Misalnya MHS(4,\*,17) menunjukkan jumlah mahasiswa tingkat 4 dari perguruan tinggi 17 (masing-masing untuk pria serta wanita). MHS(\*,\*,3) menunjukkan jumlah mahasiswa untuk masing-masing tingkat, pria serta wanita, dari perguruan tinggi 3.

## 2.3 MENDEKLARASIKAN ARRAY DALAM BAHASA PEMROGRAMAN

Misalkan kita hendak mendeklarasikan *array* TEMP yang merupakan *array* dimensi satu dengan nilai *subscript* 1 sampai 24, dan masing-masing elemen bertipe data *integer* (nilainya antara 0 hingga 99 derajat).

Dalam Bahasa COBOL dapat ditulis :

```
01 TABEL-TEMP
02 TEMP OCCURS 24 TIMES PIC 99.
```

Dalam bahasa Pascal :

```
var temp: array [1..24] of integer
```

Dalam Bahasa BASIC, kita dapat mendefinisikan *array* TEMP tersebut dengan *statement* :

```
DIM TEMP(24)
```

Tiga hal harus dikemukakan dalam mendeklarasikan suatu *array*, yakni :

1. nama *array*
2. *range* dari *subscript*
3. tipe data dari elemen *array*

Bahasa Pascal memperkenankan batas bawah *subscript* yang bukan =1, contohnya adalah :

```
var grafik : array [-100 ..100] of integer
```

Dalam COBOL *subscript* harus dimulai dari 1.

Untuk menyatakan elemen ke-I dari *array*, COBOL dan BASIC menggunakan kurung biasa, yakni TEMP(I), sedangkan Pascal menggunakan kurung siku, yakni temp[i].

Untuk mendeklarasikan sebuah *array* nilai dari 500 mahasiswa untuk 8 mata kuliah, dalam COBOL ditulis :

```

01 TABEL-NI LAI
    02 MHS OCCURS 500 TIMES
        03 NI LAI OCCURS 8 TIMES
            PIC 99V9.

```

Dalam Pascal ditulis :

```
var nilai : Array[1..500, 1..8] of real
```

dan dalam BASIC dapat ditulis

```
DIM NILAI (500, 8)
```

Dalam COBOL maksimum dimensi yang dapat diterima adalah 3 (*three dimensional*), contohnya :

```

01 MHS-TABEL
    02 TINGKAT OCCURS 5 TIMES
    03 SEX OCCURS 2 TIMES
        04 MHS OCCURS 20 TIMES PIC 9(5).

```

dan dalam Pascal :

```
var mhs : Array[1..5, 1..2, 1..20] of integer
```

Dalam bahasa pemrograman seperti FORTRAN dan COBOL, alokasi untuk *array* dalam *storage* memerlukan waktu dalam proses kompilasi, karenanya batas bawah dan batas atas harus dikemukakan ketika mendefinisikan *array*.

COBOL dan Pascal (juga bahasa lain yang memungkinkan pendeklarasian *array*) mempunyai fasilitas untuk melakukan manipulasi antarelemen *array*. Operasi yang sesuai dengan tipe data *array* tersebut dapat dikerjakan dengan mudah, contohnya dalam COBOL

```
COMPUTE TOTAL_UPAH(I) = UPAH_PER_JAM(I) * JUMLAH-JAM(I)
```

Terlihat bahwa ketiga variabel di atas adalah *array*.

Beberapa bahasa pemrograman memperkenalkan operasi *array*. Sebagai contoh, A adalah *array* (bertipe *real*) yang dideklarasikan dalam PL/1, maka  $A=A+2$  adalah operasi untuk menambah setiap elemen dari A dengan bilangan 2.

Juga dikenal operasi  $A = A * B$ . Operasi ini menghasilkan *array* A baru yang elemennya merupakan hasil kali elemen *array* A (lama) dengan elemen *array* B yang posisinya bersesuaian. Order *array* A dan B harus sama.

Perhatikan bahwa perkalian *array* ini bukan perkalian matriks yang telah kita kenal. Dalam PL/1, operasi dapat pula dilakukan terhadap *cross-section*. Sebagai contoh adalah operasi yang menyebabkan NILAI seluruh baris 20 menjadi nol, berikut ini :

NILAI (20, \*) = 0

Operasi VEKTOR(\*)= ARRAY1(I,\*) \*ARRAY(\*,J) akan memperkalikan elemen baris ke-I dari ARRAY1 dengan elemen kolom ke-j dari ARRAY2. Operasi di atas mempunyai efek yang sama seperti *loop* dalam Bahasa BASIC :

```
FOR K = 1 TO N
VEKTOR(J) = ARRAY1(I, K) * ARRAY2(K, J)
NEXT K
```

## 2.4 PEMETAAN ARRAY DIMENSI SATU KE STORAGE

Seperti halnya struktur data yang lain, ada beberapa cara untuk menyajikan *array* di dalam memori. Skema penyajian dapat dievaluasi berdasarkan 4 karakteristik, yakni :

1. kesederhanaan dari akses elemen
2. mudah untuk ditelusuri
3. efisiensi dari utilitasi *storage*
4. mudah dikembangkan

Umumnya tidaklah mungkin untuk mengoptimalkan keempat faktor tersebut sekaligus. Pandang *array* satu dimensi NOPEG dengan batas bawah *subscript* 1, dan batas atas *subscript* = N. Salah satu cara untuk menyimpan *array* ini adalah sedemikian sehingga urutan fisik dari elemen sama dengan urutan logik dari elemen. *Storage* untuk elemen NOPEG(I+1) adalah berdampingan dengan *storage* untuk elemen NOPEG(I), untuk setiap I = 1, 2, 3, ..., N-1. Untuk menghitung alamat (*address*) awal dari elemen NOPEG(I), diperlukan untuk mengetahui 2 hal yakni :

1. *address* awal dari ruang *storage* yang dialokasikan bagi *array* tersebut.
2. ukuran dari masing-masing elemen *array*.

*Address* awal dari *array*, kita nyatakan dengan B, disebut juga *base-location*. Misalkan bahwa masing-masing elemen dari *array* menduduki S *byte*. Maka, *address* awal dari elemen ke-I adalah :

$$B + (I-1) * S$$

Sekarang kita perluas persamaan di atas untuk mendapat *address* dari elemen ke-I dari *array* yang mempunyai batas bawah *subscript* tidak sama dengan 1. Perhatikan *array* Z(4:10), maka *address* awal dari Z(6) adalah :

$$B + (64) * S$$

Untuk *array* Z2 (-2:2) misalnya, *address* awal dari Z2(1) adalah :

$$B + (I - (-2)) * S$$

Maka secara umum, untuk *array* :

$$\text{ARRAY}(L:U),$$

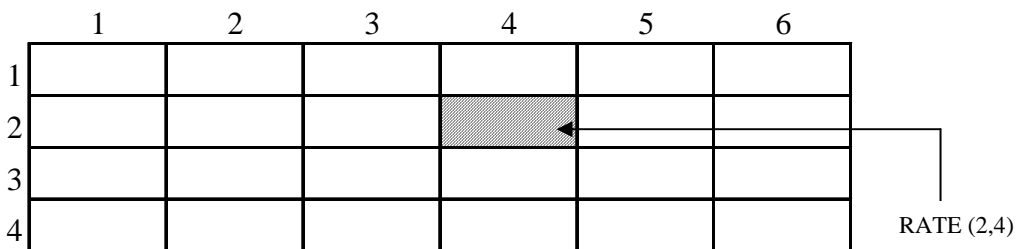
elemen ARRAY(I) mempunyai *address* awal

$$B + (U-L) * S$$

## 2.5 PEMETAAN KE STORAGE TERHADAP ARRAY DIMENSI BANYAK

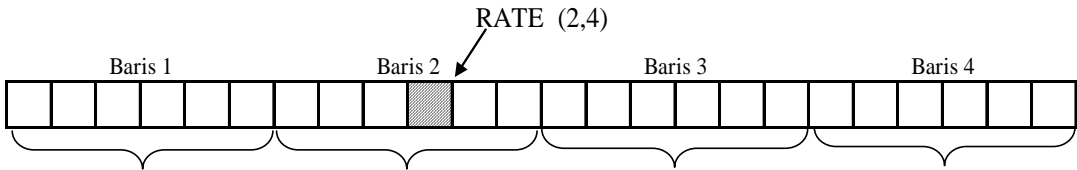
Karena memori komputer adalah *linear*, maka *array* dimensi banyak harus *dilinear*kan apabila akan dipetakan ke dalam *storage*. Salah satu alternatif untuk *pelinearan* tersebut adalah menyimpan pertama kali baris pertama dari *array*, kemudian baris ke-2, baris ke-3 dan seterusnya. Ini disebut *row major order*.

Sebagai contoh, *array* yang dideklarasikan sebagai RATE(1:4,1:6), yang secara logika tergambar sebagai pada Gambar 2.5 dan secara fisik tergambar pada Gambar 2.6.



**Gambar 2.5.** Array RATE secara logik dalam row major order





**Gambar 2.6** Array RATE secara fisik dalam row major order.

Skema seperti di atas digunakan dalam COBOL, Pascal ataupun PL/1.

Misalkan B adalah *base-location* dari array RATE tersebut, dan masing-masing elemen dari array berukuran S. Address awal dari elemen RATE(I,J) adalah :

$$B + (I-1) * 6 * S + (J-1) * S$$

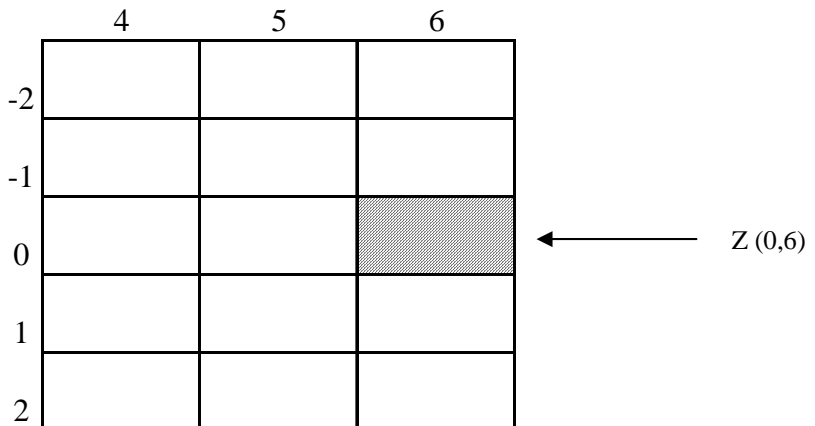
karena ada I-1 baris, masing-masing dengan panjang 6 \* S, sebelum baris elemen RATE(I,J) terletak, dan terdapat J- 1 elemen, masing-masing dengan panjang S sebelum elemen RATE(I,J) pada baris ke-I. Jadi, pada contoh di atas RATE(2,4) mempunyai address awal :

$$B + (2-1) * 6 * S + (4-1) * S = B + 9 * S$$

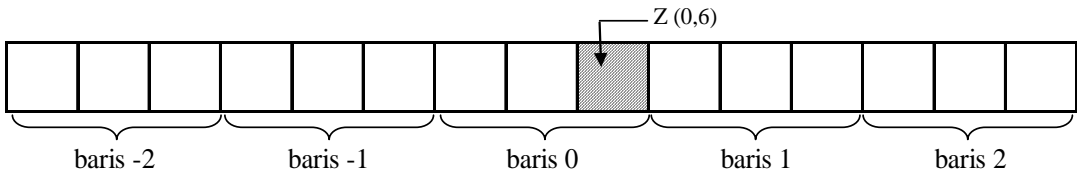
Secara umum elemen ARRAY(I,J) dari array yang didefinisikan sebagai ARRAY(L<sub>1</sub>:U<sub>1</sub>, L<sub>2</sub> : U<sub>2</sub>) mempunyai address awal :

$$B + (I-L_1) * (U_2 -L_2+ 1) * S + (J-L_2) * S$$

Untuk lebih jelasnya, kita lihat array Z(-2:2, 4:6) yang dapat digambarkan pada Gambar 2.7 secara logik dan secara fisik dapat digambarkan pada Gambar 2.8.



**Gambar 2.7.** Array Z (-2:2, 4:6) secara logik dalam row major order

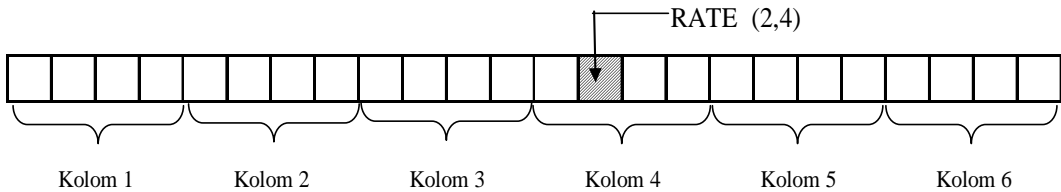


**Gambar 2.8.** Array  $Z(-2:2,4:6)$  secara fisik dalam row major order

Terdapat 2 baris ( $I-L_1, 0 - (-2)$ ) sebelum baris nol, yang masing-masing panjangnya  $3 * S(U_2-L_2+1 = 6-4+1)$  dan terdapat 2 elemen ( $J-L_2 = 6-4$ ) pada baris ke nol sebelum elemen  $Z(0,6)$ . Jadi *address* awal dari  $Z(0,6)$  adalah :

$$B + 2 * 3 * S + 2 * S = B + 8 * S$$

Alternatif lain untuk *melinearkan array* dimensi dua adalah dengan menyimpan elemen dalam *column major order*, yakni pertama kali menyimpan kolom pertama, lalu kolom kedua, kolom ketiga dan seterusnya. Array RATE pada contoh di atas terlihat secara fisik dalam *column major order* seperti pada Gambar 2.9.



**Gambar 2.9.** Array RATE secara fisik dalam column major order

Skema seperti ini biasa digunakan dalam FORTRAN.

Dengan mudah dapat diterangkan bahwa pada *array* RATE di atas, elemen  $RATE(I,J)$  mempunyai *address* awal  $B + (J - 1) * 4 * S + (I - 1) * S$ , sehingga  $RATE(2,4)$  akan mempunyai *address* awal  $B + (4-1) * 4 * S + (2-1) * S = B + 13 * S$ . Jadi kita harus waspada andaikata kita mempunyai *array* yang ditulis dalam rutin FORTRAN, kemudian akan kita tulis dalam bahasa lain (COBOL, PL/1 atau Pascal). Secara umum, elemen  $ARRAY(I,J)$  dari *array* yang didefinisikan sebagai  $ARRAY(L_1:U_1, L_2 :U_2)$ , menggunakan *address* awal :

$$B + (J-L_2) * (U_1-L_1 + 1) * S + (I-L_1) * S$$

Misalkan *array* A berorder 50 x 225. Hendak dihitung jumlah / total elemennya. Kalau dipergunakan *column-major storage*, dapat kita buat, dalam COBOL.

```

COMPUTE TOTAL = 0.
PERFORM SUM-UP VARYING J
      FROM 1 BY 1 UNTIL J > 225
      AFTER 1 FROM 1 BY 1 UNTIL I > 50.
    
```

dalam hal ini

```

SUM-UP.
TOTAL = TOTAL + A(I, J).
    
```

Dalam Pascal dapat kita tulis :

```

Total := 0;
for j = 1 to 225 do
  for i = 1 to 50 do
    total := total + a[i, j];
    
```

Kalau dipergunakan *row-major storage*, kita dapat tulis dalam COBOL sebagai berikut :

```

COMPUTE TOTAL = 0.
PERFORM SUM-UP VARYING 1
      FROM 1 BY 1 UNTIL I > 50
      AFTER J FROM 1 BY 1 UNTIL J > 225
    
```

dalam hal ini

```

SUM-UP.
TOTAL = TOTAL + A(I, J).
    
```

dan dalam Pascal dapat ditulis

```

total := 0;
for i := 1 to 50 do
  for j := 1 to 225 do
    total := total + a[i, j];
    
```

## 2.6 TRINGULAR ARRAY (ARRAY SEGITIGA)

Akan kita tinjau beberapa aspek *pelinearan* suatu *array* yang khusus, yakni *tringular array*. *Tringular array* dapat merupakan *upper tringular* (seluruh elemen di bawah diagonal utama = 0) ataupun *lower tringular* (seluruh elemen di atas diagonal utama = 0).

Dalam *array lower triangular* dengan N baris, jumlah maksimum elemen  $\leq 0$  pada baris ke-I adalah I, karenanya total elemen  $\leq 0$ , tidak lebih dari :

$$\sum_{I=1}^N I = N(N+1)/2$$

Gambar 2.10 menunjukkan *triangular array* berorder 6 x 6.

X	X	X	X	X	X	X	0	0	0	0	0
0	X	X	X	X	X	X	X	0	0	0	0
0	0	X	X	X	X	X	X	X	0	0	0
0	0	0	X	X	X	X	X	X	X	0	0
0	0	0	0	X	X	X	X	X	X	X	0
0	0	0	0	0	X	X	X	X	X	X	X
		(a)							(b)		

**Gambar 2.10** (a) *Upper triangular array*  
 (b) *Lower triangular array*

Rumus ini berlaku pula untuk *array upper tringular* dengan N baris. Kalau N besar, alangkah baiknya kalau elemen nol tidak usah kita simpan dalam memori. Suatu pendekatan terhadap problema ini adalah dengan *pelinearan array*, dan dengan hanya menyimpan bagian *array* yang tidak nol.

Misalkan kita menyimpan *array upper tringular* T secara baris dalam *array* satu dimensi S, dengan batas *subscript* I sampai  $N(N+1)/2$ . Elemen T(1,1) disimpan sebagai S(1), elemen T(1,2) sebagai S(2) dan seterusnya, sehingga elemen T(1,N) disimpan sebagai S(N). Maka elemen T(2,2) disimpan sebagai S(N+1) (karena T(2,1) = 0). Terakhir sekali, elemen T(N,N) akan disimpan sebagai S(N(N+1)/2).

Kadang-kadang suatu program menggunakan lebih dari satu *array triangular*. Untuk itu kita dapat menyimpan 2 *array* sekaligus. Misalnya *array A upper triangular* berorder N x N dan *array B lower triangular* berorder (N-1) x (N-1). Mereka dapat kita simpan sebagai *array C* berorder N x N. Di sini  $C(I,J) = A(I,J)$  untuk  $I \leq J$  dan  $C(I+1,J) = B(I,J)$  untuk  $I \geq J$ .

Sekarang apabila *array A upper tringular* berorder N x N sedangkan *array B lower tringular*, juga berorder N x N, maka *array C* yang mengandung keduanya harus berorder N x (N+1). Di sini elemen A(I,J) disimpan sebagai C(I,J+1) untuk  $I \leq J$ , dan B(I,J) disimpan sebagai C(I,J) untuk  $I \geq J$ .

Perhatikan contoh berikut *array A* berorder (3 x 3) merupakan *upper triangular*.

1	2	3
0	4	5
0	0	6

*Array B* berorder (2 x 2) merupakan *lower triangular*,

7	0
8	9

maka mereka disimpan bersama dalam *array* C sebagai

```

1 2 3
7 4 5
8 9 6
    
```

Contoh berikut,

```

A =  1 2 3      B =  7 0 0
    0 4 5      8 9 0
    0 0 6      11 12 13
    
```

dapat disimpan sebagai *array* C berorder (3 x 4)

```

7  1  2  3
8  9  4  5
11 12 13 6
    
```

Misalkan sekarang ada 2 *array*, sama-sama *upper triangular*, yakni *array* A1 dan A2. Kita dapat menyimpan mereka bersama-sama dengan melakukan *transpose* terhadap salah satu *array* tersebut, misalnya A2 menjadi A2<sup>T</sup>. A2<sup>T</sup> adalah *array lower triangular*. *Array* C berorder N x (N+1) akan menyimpan elemen A1(I,J) sebagai C(I,J+1) untuk I <= J, dan elemen A2(I,J) akan disimpan sebagai C(J,I) untuk I >= J.

Sebagai contoh adalah *array* :

```

A1 =  1 2 3      A2 =  7 8 9
    0 4 5      0 11 12
    0 0 6      0 0 13
    
```

```

maka A2T =  7 0 0
            8 11 0
            9 12 13
    
```

dan mereka tersimpan sebagai :

```

C =  7  1  2  3
    8 11  4  5
    9 12 13  6
    
```

## 2.7 SPARSE ARRAY (ARRAY JARANG)

Suatu *array* yang sangat banyak elemen nolnya, dikenal sebagai *sparse array*, contohnya adalah *array* A pada Gambar 2-11 :

```

0 0 0 0 1 0 0 2 0 0
0 1 0 0 0 0 0 0 0 0
1 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 4 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 2 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
2 1 0 0 0 0 0 0 0 0
    
```

**Gambar 2-11.** *Sparse array A*

Array hanya mempunyai 8 elemen yang bukan 0 dari 80 elemen yang ada. Kadang-kadang ada *array* berorder 1000 x 1000, yang hanya mengandung 1500 elemen bukan 0. Tentu saja akan sangat menguntungkan apabila kita cukup menyimpan elemen yang bukan 0 saja.

Ada dua alternatif yang dapat kita lakukan. Masing-masing elemen yang bukan 0 pada *array* berdimensi dua kita simpan sebagai tripel, dengan bentuk :

(*subscript* baris, *subscript* kolom, nilai elemen)

Tripel tersebut kita simpan sebagai vektor.

Sebagai contoh, *array* pada Gambar 2.11 dapat kita sajikan seperti pada Tabel 2.1

**Tabel 2.1** *Array A disimpan sebagai tripel*

	Baris	Kolom	Nilai
V(1)	i	5	1
V(2)	1	8	2
V(3)	2	2	1
V(4)	3	1	1
V(5)	5	4	4
V(6)	6	8	2
V(7)	8	1	2
V(8)	8	2	1

Apabila *sparse array* tersebut adalah *array* berdimensi satu, maka masing-masing elemen  $\langle \rangle 0$  dinyatakan dalam pasangan. Secara umum untuk *array* berdimensi N, elemen  $\langle \rangle 0$  dinyatakan dengan *tripel-N*. Operasi terhadap vektor memperhatikan informasi tentang baris dan kolom.

Kekurangan dari penyajian ini adalah bila dilakukan *updating*. Elemen *array* yang tadinya  $\langle \rangle 0$ , diubah menjadi 0 atau sebaliknya, yang tadinya 0 sekarang menjadi  $\langle \rangle 0$ , menimbulkan kesulitan. Urutan dari vektor perlu diperbaiki. Misalnya elemen dengan *subscript* (1,8) diupdate nilainya menjadi bernilai 0, maka vektor V(3) hingga V(8) berubah urutannya sebagai vektor V(2) hingga V(7).

Juga misalnya elemen bersubscript (4,6) diupdate sehingga bernilai 7, maka vektor V(5) hingga V(8) berubah menjadi V(6) hingga V(9), sedangkan V(5) diisi oleh *tripel* (4,6,7). Penyajian yang lain dari *sparse array* adalah menggunakan daftar berkait atau *linked list*. Hal ini akan dibicarakan khusus dalam bab mengenai *Linked List*.

## 2.8 RECORD

Sebuah *record* merupakan koleksi satuan data yang heterogen, yakni terdiri dari berbagai *type*. Satuan data tersebut sering disebut sebagai *field* dari *record*. *Field* dipanggil dengan menggunakan namanya masing-masing. Suatu *field* dapat terdiri atas beberapa *subfield*.

Sebagai Contoh, data personalia dari seorang pegawai suatu perusahaan di Amerika Serikat, merupakan sebuah *record* yang dapat terdiri dari berbagai *field*, dan *subfield* seperti berikut ini :

- 1 NOMOR-JAMINAN-SOSIAL
- 2 NAMA, yang terdiri atas :  
     NAMA-BELAKANG  
     NAMA-DEPAN  
     NAMA-TENGAH
- 3 ALAMAT, terdiri atas :  
     JALAN  
     NOMOR RUMAH  
     NAMA-JALAN  
     KOTA  
     NEGARA-BAGIAN  
     KODE-POS
- 4 MENIKAH

dan sebagainya lagi.

Pada *record* tersebut di atas, satuan data seperti NAMA BELAKANG ataupun KOTA merupakan tipe data *string*, sedangkan data lain seperti GAJI POKOK, TUNJANGAN JABATAN dan berbagai data yang akan diolah secara matematis akan disimpan dengan tipe data numerik, bisa *integer* maupun *real*. Data MENIKAH bisa digunakan tipe data *boolean* atau logikal.

Seperti telah kita paparkan terdahulu, *array* berbeda dengan *record*, yakni *array* bersifat homogen (terdiri dari tipe data yang sama), dan komponen *array* tidak memiliki nama sendiri, dan hanya diberi identifikasi oleh posisi mereka di dalam *array*. Penggunaan keduanya di dalam program juga berbeda, jika penggunaan *array* pada umumnya akan disimpan di memori utama komputer (bersifat sementara), sedangkan *record* biasanya digunakan dalam *filings* yang akan disimpan di memori sekunder komputer, seperti *hard disk*, disket, dan lainnya.

Sebuah *record* memberi informasi tentang berbagai kondisi dari obyek pada permasalahan yang nyata sehari-hari. Setiap *field* memberi uraian tentang satu atribut dari obyeknya. Sebuah *record* biasanya diberi identifikasi oleh *key*-nya. *Key* atau kunci adalah salah satu atau lebih *field* yang dipilih untuk tujuan penyampaian informasi yang terjadi di dalam *record* yang bersangkutan.

Koleksi dari *record* yang sama struktur *field*nya disebut suatu *file* atau berkas. Jadi, koleksi dari *record* semua pegawai perusahaan membentuk sebuah *file* personalia. Pada umumnya *record* disimpan membentuk *file*, dalam urutan sesuai dengan nilai dari *key* masing-masing. Di dalam suatu *file* PERSONALIA, *field* NOMOR JAMINAN SOSIAL dari seorang pegawai dapat digunakan sebagai *key*. Di dalam bahasa pemrograman tingkat tinggi, *record* dapat dinyatakan sebagai struktur data (COBOL dan PL/1) dapat diadakan spesifikasi tentang nama *record*, *field* dan *subfield* yang bersangkutan.

*Record* tersebut juga diberi nomor seperti diperlihatkan di dalam contoh di bawah ini. Deklarasi berikut ini dapat digunakan untuk menuliskan *record* dari *file* PERSONALIA di atas.

```
01 PEGAWAI
  02 NOMOR-JAMINAN-SOSIAL
  02 NAMA
    03 NAMA-BELAKANG
    03 NAMA-DEPAN
    03 NAMA-TENGAH
  02 ALAMAT
    03 JALAN
      04 NOMOR RUMAH
      04 NAMA-JALAN
    03 KOTA
    03 NEGARA-BAGIAN
    03 KODE-POS
  02 MENIKAH
```



(yang harus dilengkapi dengan *Picture* masing-masing *field* dan *subfield*)

*Record* tersebut dinyatakan di dalam memori sebagai berikut :

NOMOR JAM-SOS	NAMA BLK.	NAMA DEPAN	NAMA TENG.	NOMOR RUMAH	NAMA JALAN	KOTA	NEG. BAGIAN	KODE POS	MENI- KAH
------------------	--------------	---------------	---------------	----------------	---------------	------	----------------	-------------	--------------

Secara fisik, *field record* tersebut biasanya disimpan berurutan di dalam lokasi *storage*, bahkan sering disatukan. *Record* biasanya disimpan sebagai *file* di dalam *storage* pembantu, dan jika perlu, sebagian disimpan di dalam memori utama. *File* merupakan organisasi data utama di dalam proses pengolahan informasi.

Sebagai gambaran sederhana, pandang sebuah tabel dengan sejumlah baris dan kolom. Tabel tersebut dapat disebut sebagai sebuah *file*, sedangkan setiap baris dari tabel tersebut disebut dengan *record*, dan setiap kolom dari tabel disebut dengan *field*.

**Tabel 2.2** *Contoh sebuah file TEMAN*

	NPM	NAMA	ALM_TEMAN	NO_TELP
<i>record</i> →	10102456	Cheriwaty	Jl. Puspa No. 30, Keb. Baru	7750658
<i>record</i> →	10102587	Tia Siti Joy	Jl. Veteran No. 38, Tebet	8652541
_____	_____	_____	_____	_____
_____	_____	_____	_____	_____
_____	_____	_____	_____	_____
<i>record</i> →	10102965	Yekti Sartanto	Jl. Mampang No. 29, Jaksel	78956215

↑  
*field*
↑  
*field*
↑  
*field*
↑  
*field*

Pembahasan mendalam tentang *file* akan dibahas di mata kuliah-mata kuliah yang memiliki sub-bahasan mengenai pengorganisasian dan pengaksesan *file*, perancangan sistem, perancangan *data base*, dan sejenisnya.

## L A T I H A N 2

1. Apa yang dimaksud dengan istilah (a) *lower bound*, *upper bound*, dan (c) *cross-section* dalam suatu *array* ?
2. Jelaskan cara mendeklarasikan variabel *array* di bahasa pemrograman (a) Pascal (b) BASIC, dan (c) COBOL ?
3. Beda *array* dengan *record* adalah, isi dari variabel *array* harus bersifat (a) homogen atau (b) heterogen. Jelaskan apa maksud dari homogen dan heterogen tersebut.
4. Kita memiliki matriks M berukuran 200 X 300 yang akan kita simpan ke dalam memori komputer. Jika elemen awal matriks M(1,1) disimpan di alamat 1000 dan setiap elemen membutuhkan 8 *byte*, di alamat mana awal disimpannya elemen M(191, 280) ? Gunakan perhitungan secara (a) *row major order* dan (b) *column major order*.
5. Apa yang dimaksud dengan istilah (a) *tringular array*, (b) *upper tringular*, (c) *lower tringular*, dan (d) *sparse* dalam *array* ?
6. Jelaskan cara untuk menghemat ruang memori untuk menyimpan matriks yang bersifat *sparse array*.
7. Berapa jumlah minimal *record* di dalam sebuah *file* ?
8. Pada umumnya, *file* data digunakan untuk menyimpan data apa ?
9. Buatlah program dengan memanfaatkan *array* untuk menghitung 100 buah padanan suhu dari Celcius ke Fahrenheit dan Reamur.